



Asignatura: Criptografía  
Código: 30076  
Centro: Ciencias  
Titulación: Máster en Matemáticas y aplicaciones  
Nivel: Máster M2  
Tipo: Optativa  
Nº de créditos: 8

## ASIGNATURA / COURSE TITLE

Criptografía / Cryptography

### 1.1. Código / Course number

30076

### 1.2. Materia / Content area

Criptografía / Cryptography

### 1.3. Tipo / Course type

Formación optativa / Elective subject

### 1.4. Nivel / Course level

Máster M2 / Master M2

### 1.5. Curso / Year

2012/2013

### 1.6. Semestre / Semester

Segundo / Second (Spring semester)

### 1.7. Número de créditos / Credit allotment

8 créditos ECTS / 8 ECTS credits

### 1.8. Requisitos previos / Prerequisites

Asumimos como prerequisito para este curso un conocimiento básico de teoría elemental de números y teoría de grupos. Algun conocimiento de curvas algebraicas puede ser útil. Recordaremos los resultados básicos necesarios para el curso. Para los proyectos con el ordenador se asume que el estudiante tiene experiencia previa con ordenadores. Los proyectos usarán principalmente Sage, pero otros lenguajes de programación son aceptables.

We assume as a prerequisite for this course a basic proficiency in elementary number theory and group theory. Some knowledge of algebraic curves is useful. Key results will be recalled in the course. For the programming projects prior experience with computers is assumed. Projects will be handled using mostly Sage, but other computing languages are acceptable.

## 1.9. Requisitos mínimos de asistencia a las sesiones presenciales / Minimum attendance requirement

75%

## 1.10. Datos del equipo docente / Faculty data

Docente(s) / Lecturer(s): Adolfo Quirós Gracián  
Departamento de / Department of: Mathematics  
Facultad / Faculty: Science  
Despacho - Módulo / Office – Module: 507 – M17  
Teléfono / Phone: +34 91 497 4941  
Correo electrónico/Email: [adolfo.quiros@uam.es](mailto:adolfo.quiros@uam.es)  
Página web/Website: <http://www.uam.es/adolfo.quiros>  
Horario de atención al alumnado/Office hours: By appointment

## 1.11. Objetivos del curso / Course objectives

En este curso presentamos algunas de las técnicas matemáticas usadas en criptografía de clave pública. Estudiaremos los criptosistemas RSA, ElGamal y curvas elípticas. Este último es uno de los más serios competidores al criptosistema RSA y es más profundo desde un punto de vista matemático.

In this course we present some of the mathematical techniques employed in public-key cryptography. We consider RSA, ElGamal and elliptic curve cryptosystems. This latter is one of the most serious competitors to RSA cryptosystem and deeper from the mathematical point of view.

## 1.12. Contenidos del programa / Course contents

1. **Introducción histórica.** Motivación y ejemplos. Teoría elemental de grupos y teoría elemental de números. Cuerpos finitos. Algoritmos de encriptación sencillos.

2. **El criptosistema RSA.** Algoritmo, ejemplos y precauciones. Tests de primalidad y algoritmos de factorización. Introducción a la criba en cuerpos de números.
  3. **Problema del Logaritmo Discreto.** Enunciado y ejemplos. Ataques básicos. Sistema de intercambio de claves de Diffie-Hellman. Criptosistema de ElGamal. Ataques genéricos y específicos para un grupo para el Problema del Logaritmo Discreto
  4. **Aplicaciones de curvas elípticas a la criptografía.** Curvas elípticas y la estructura de grupo. Versión elíptica del problema del logaritmo discreto. Emparejamientos y criptografía. Aplicaciones de curvas elípticas a factorización y test de primalidad.
  5. **Temas complementarios.** Firmas digitales. Los algoritmos DES y AES. Criptosistema de mochila.
- 
1. **Historical introduction.** Motivation and examples. Elementary group theory and number theory. Finite fields. Simple encryption algorithms.
  2. **The RSA cryptosystem.** Algorithm, examples and cautions. Primality tests and factorization algorithms. Introduction to the number field sieve.
  3. **Discrete Logarithm Problem.** Statement and examples. Basic attacks. Diffie-Hellman key exchange. The ElGamal cryptosystem. Generic and group specific attacks for the Discrete Logarithm Problem
  4. **Applications of elliptic curves to cryptography.** Elliptic curves and group law. The elliptic version of the discrete logarithm problem. Pairings and cryptography. Applications of elliptic curves to factorization and primality testing.
  5. **Complementary topics.** Digital signatures. The DES and AES algorithms. Knapsack cryptosystems.

## 1.13. Referencias de consulta / Course bibliography

- Blake, I. F.; Seroussi, G.; Smart, N.P. Elliptic curves in cryptography. Reprint of the 1999 original. London Mathematical Society Lecture Note Series, 265. Cambridge University Press, Cambridge, 2000.
- Koblitz, N. A course in number theory and cryptography. Second edition. Graduate Texts in Mathematics, 114. Springer-Verlag, New York, 1994.
- Koblitz, N. A Algebraic aspects of criptography, Springer-Verlag, New York, 1998

- J. Menezes, P. C. van Oorschot, S. A. Vanstone. *Handbook of applied cryptography*, CRC Press (1997).  
[<http://www.cacr.math.uwaterloo.ca/hac/>]
- Stein, W. *Elementary number theory: primes, congruences, and secrets. A computational approach*. Undergraduate Texts in Mathematics. Springer, New York, 2009.
- D. R. Stinson. *Cryptography theory and practice*. Chapman & Hall/CRC (2006)

## 2. Métodos Docentes / Teaching methodology

Las clases combinarán contenido teórico y práctico. Intentaremos usar el ordenador. Sin embargo, dado que se trata de un curso orientado a los aspectos matemáticos de la criptografía, el propósito de los ejercicios de programación será entender los fundamentos teóricos más que intentar diseñar implementaciones eficientes.

The lectures will combine theoretical and practical contents. We shall try to use the computer. However, taking into account that the course is devoted to mathematical aspects of cryptography, the purpose of the programming exercises will be to understand the theoretical basis rather than to design actual efficient applications.

## 3. Tiempo de trabajo del estudiante / Student workload

	Nº de horas	
Presencial	Clases teóricas	42h(21%)
	Clases prácticas	4 h (2%)
	Tutorías	14 h (7%)
	Seminarios y trabajos	2 h (2%)
	Examen final / proyecto	2h (1%)
No presencial	Elaboración de problemas	40h(20%)
	Estudio semanal	88h(44%)
	Preparación del examen	6h(3%)
Carga total de horas de trabajo: 25 horas x 8 ECTS		200 h

## 4. Métodos de evaluación y porcentaje en la calificación final / Evaluation procedures and weight of components in the final grade

- 1) Examen final o proyecto: 50%.
- 2) Ejercicios y problemas para resolver con ordenador: 40%.
- 3) Ejercicios en-clase, participación: 10%

- 1) Final exam and/or final project: 50%.
- 2) Exercises and computer assignments: 40%.
- 3) In-class exercises, participation: 10%

### EVALUACIÓN EXTRAORDINARIA / Make up exam:

Examen ante tribunal de Máster/ Examination by a committee.

## 5. Cronograma\* / Course calendar

Seman a <b>Week</b>	Contenido <b>Contents</b>	Horas presenciales <b>Contact hours</b>	Horas no presenciales <b>Independent study time</b>
1-2	Historical introduction	7	13
2-4	The RSA cryptosystem	9	19
4-6	Discrete Logarithm problem	9	19
6-8	Elliptic curve cryptography	9	19
8-10	Attacks for the Discrete Logarithm Problem	12	25
11-12	Applications of elliptic curves to factoring and primality testing	8	14
12-14	Complementary topics	12	25

\*El cronograma es orientativo / This calendar is tentative.