



Asignatura: Curso avanzado de geometría
Código: 30072
Centro: Ciencias
Titulación: Máster en Matemáticas y aplicaciones
Nivel: Máster M2
Tipo: Optativa
Nº de créditos: 8

ASIGNATURA / COURSE TITLE

Curso avanzado de Geometría / Advanced topics in geometry

1.1. Código / Course number

30072

1.2. Materia / Content area

Curso Avanzado de Geometría / Advanced topics in geometry

1.3. Tipo / Course type

Formación optativa / Elective subject

1.4. Nivel / Course level

Máster M2 / Master M2

1.5. Curso / Year

2015/2016

1.6. Semestre / Semester

Segundo / Second (Spring semester)

1.7. Idioma / Language

Español e inglés. (El curso se podrá impartir en inglés siempre y cuando, al menos, un alumno internacional matriculado en la asignatura lo solicite). / Spanish and English. (The course can be taught in English if at least one officially registered international student requests so).

1.8. Requisitos previos / Prerequisites

- Conocimientos a nivel de Licenciatura/Grado sobre topología, geometría diferencial y variable compleja.

- Basic knowledge of topology, differential geometry and complex analysis at an undergraduate degree level.

1.9. Requisitos mínimos de asistencia a las sesiones presenciales / Minimum attendance requirement

Es obligatoria la asistencia a un mínimo del 80% de las horas de clase presenciales.

Attendance to a minimum of 80% of the lectures is mandatory.



Asignatura: Curso avanzado de geometría
Código: 30072
Centro: Ciencias
Titulación: Máster en Matemáticas y aplicaciones
Nivel: Máster M2
Tipo: Optativa
Nº de créditos: 8

1.10. Datos del equipo docente / Faculty data

Docente(s) / [Lecturer\(s\)](#) Ernesto Girondo

Departamento de Matemáticas/ [Department of Mathematics](#)

Facultad / [Faculty](#) Facultad de Ciencias /[Science School](#)

Despacho - Módulo/ [Office – Module](#) Despacho 405, Modulo 17 / Room 405, module 17.

Teléfono / [Phone:](#) +34 91 4974335

Correo electrónico/[Email:](#) ernesto.girondo@uam.es

Página web/[Website:](#) <http://www.uam.es/ernesto.girondo>

Horario de atención al alumnado/[Office hours:](#) Cita previa / [by appointment](#), but walk-ins would be attended.

1.11. Objetivos del curso / Course objectives

El objetivo del curso es introducir al estudiante a las Superficies de Riemann compactas. Se tratarán los fundamentos de la teoría, incluyendo aspectos de curvas algebraicas, geometría hiperbólica, grupos fuchsianos y uniformización y ecuaciones diferenciales fuchsianas. En la última parte del curso se estudiarán temas y resultados recientes relacionados con la teoría de Belyi-Grothendieck de dessins d'enfants.

The purpose of the course is to introduce the student to the theory of compact Riemann surfaces. Basic aspects such as algebraic curves, hyperbolic geometry, fuchsian groups and uniformization or fuchsian differential equations will be covered in the first part of the course. The remaining time will be used to show recent results about Belyi-Grothendieck's Theory of Dessins d'Enfants.

1.12. Contenidos del programa / Course contents

1. Superficies de Riemann como curvas algebraicas.
2. Grupos fuchsianos. Uniformización de superficies de Riemann.
3. Ecuaciones diferenciales fuchsianas. Monodromía.
4. El teorema de Belyi.
5. Dessins d'enfants.

1. Riemann surfaces as algebraic curves.
2. Fuchsian groups. Uniformization of Riemann surfaces.
3. Fuchsian differential equations. Monodromy.
4. Belyi's Thoerem.
5. Dessins d'enfants.

1.13. Referencias de consulta / Course bibliography

- P.B. Cohen, C. Itzykson y J. Wolfart; *Fuchsian triangle groups and Grothendieck dessins*. Comm. Math. Phys. 163 (1994), no. 3, 605-627.
- H.M. Farkas y I. Kra; *Riemann Surfaces* (2a. ed.). Graduate Texts in Mathematics 71, Springer Verlag (1992).
- L.R. Ford; *An introduction to the theory of automorphic functions* (1929).
- E. Girondo, G. González Diez; *Introduction to compact Riemann surfaces and dessins d'enfants*. Cambridge University Press, 2012
- A. Grothendieck; *Esquisse d'un Programme*.
- G.A. Jones y D. Singerman; *Complex functions: an algebraic and geometric viewpoint*. Cambridge U. Press (1987).
- G.A. Jones y D. Singerman; *Belyi functions, hypermaps and Galois groups*. Bull. London Math. Soc. 28 (1996), no. 6, 561-590.
- S.K. Lando, A.K. Zvonkin, R.V. Gamkrelidze y V.A. Vassiliev (eds.); *Graphs on Surfaces and Their Applications*. Springer Verlag (2004).
- R. Miranda; *Algebraic Curves and Riemann Surfaces*. AMS. (1995).
- L. Schneps (ed.); *The Grothendieck Theory of Dessins d'Enfants*. L.M.S. Lecture Note Series 200, Cambridge U. Press (1994).
- L. Schneps y P. Lochak (eds.); *Geometric Galois Actions 1. Around Grothendieck's Esquisse d'un Programme*. Cambridge U. Press (1997).
- E. T. Whittaker y G.N. Watson; *A course of modern analysis*. Cambridge University Press (1962).
- J. Wolfart. *ABC for polynomials, dessins d'enfants and uniformization -a survey*. Elementare und analytische Zahlentheorie, 313—345.

2. Métodos docentes / Teaching methodology

Clases presenciales, resolución de problemas y lecturas dirigidas.

[Lectures, problem work sessions and reading assignments.](#)

3. Tiempo de trabajo del estudiante / Student workload

		Nº de horas		
Presencial	Clases teóricas	50h (25%)	66h (33%)	F c r c e n t a j e
	Tutorías	14h (7%)		

		Nº de horas	F o r c e n t a j e
	Presentación de los trabajos finales	2h (1%)	
No presencial	Elaboración de problemas	40h(20%)	
	Estudio semanal	84h(44%)	
	Preparación del trabajo final	6h (3%)	134h (67%)
Carga total de horas de trabajo: 25 horas x 8 ECTS		200 h	

4. Métodos de evaluación y porcentaje en la calificación final / Evaluation procedures and weight of components in the final grade

Convocatoria ordinaria / Ordinary evaluation:

Entrega y exposición oral de ejercicios. Elaboración y presentación oral de un trabajo sobre un tema relacionado con la asignatura.

Examen final (elaboración y presentación oral de un trabajo): 60%
 Entrega de ejercicios: 40%

Problems will be assigned during the course and students will turn in solutions that will also be presented in public. Completion of a written assignment on some topic related to the class that will also be presented in a public lecture.

Final exam (write and present in public your assigned topic): 60%
 Exercises: 40%

Convocatoria extraordinaria / Extraordinary evaluation:

Examen final: 100%
 Final exam: 100%

5. Cronograma* / Course calendar

Semana Week	Contenido Contents	Horas presenciales Contact hours	Horas no presenciales Independent study time
1-3	Temas 1	9	30
4-6	Tema 2	9	30
7-8	Temas 3	6	20
9-10	Tema 4	6	20
11-13	Temas 5	9	34

*Este cronograma tiene carácter orientativo.